ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ

ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯЪ

«ДОНЕЦКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

АВТОМОБИЛЬНО-ДОРОЖНЫЙ ИНСТИТУТ

Кафедра «Менеджмент организаций»

**КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА**

по дисциплине «Теория вероятности и математическая статистика»

Выполнил:

ст.гр. ИМО-17-з Синяткин Р.Г.

Проверил:

Преподаватель Вовк Л.П.

Горловка – 2018 г.

СОДЕРЖАНИЕ

[1 Математическая статистика 2](#_Toc531545699)

[1.1 Задание №9 2](#_Toc531545700)

[1.2 Задание № 13 3](#_Toc531545701)

[1.3 Задание № 23 4](#_Toc531545702)

[1.4 Задание № 38 6](#_Toc531545703)

[1.5 Задание № 44 7](#_Toc531545704)

[2 Теория вероятностей и математическая статистика 8](#_Toc531545705)

[2.1 Задание № 529 8](#_Toc531545706)

[2.2 Задание № 533 9](#_Toc531545707)

[2.3 Задание № 543 10](#_Toc531545708)

[2.4 Задание № 558 11](#_Toc531545709)

[2.5 Задание № 574 12](#_Toc531545710)

1. Математическая статистика
   1. Задание №9

Найти методом произведений: а) выборочную среднюю, б) выборочную дисперсию, в) выборочное среднеквадратическое отклонение по данному статистическому распределению выборки (в первой строке указаны выборочные варианты , а во второй - соответственные частоты количественного признака X).

статистическоe распределение выборки

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 100 | 110 | 120 | 130 | 140 | 150 | 160 |
|  | 4 | 6 | 10 | 40 | 20 | 12 | 8 |

Решение:

Составим расчетную таблицу 1.2; для этого:

1) запишем варианты в первый столбец;

2) запишем частоты во второй столбец; сумму частот (100) поместим в нижнюю клетку столбца;

3) в качестве ложного нуля С выберем варианту (130), которая имеет наибольшую частоту; в клетке третьего столбца, которая принадлежит строке, содержащей ложный нуль, пишем 0; над нулем последовательно записываем -1, -2, -3 а под нулем 1,2,3;

4) произведения частот на условные варианты запишем в четвертый столбец; отдельно находим сумму отрицательных чисел (-34) и отдельно сумму положительных чисел (68); сложив эти числа, их сумму (34) помещаем в нижнюю клетку четвертого столбца;

5) произведения частот на квадраты условных вариант, т.е.

запишем в пятый столбец; сумму чисел столбца (210) помещаем в нижнюю клетку пятого столбца;

6) произведения частот на квадраты условных вариант, увеличенных на единицу, то есть , запишем в шестой контрольный столбец; сумму чисел столбца (378) помещаем в нижнюю клетку шестого столбца.

В итоге получим расчетную таблицу 1.2.

Для контроля вычислений пользуются тождеством:

Контроль:

Совпадение контрольных сумм свидетельствует о правильности вычислений.

Вычислим условные моменты первого и второго порядков:

;

;

Найдем шаг:

Вычислим искомые выборочные среднюю и дисперсию, учитывая, что ложный нуль С=130:

расчетная таблица

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|  |  |  |  |  |  |
| 100 | 4 | -3 | -12 | 36 | 16 |
| 110 | 6 | -2 | -12 | 24 | 6 |
| 120 | 10 | -1 | -10 | 10 | - |
| 130 | 40 | 0 | - | - | 40 |
| 140 | 20 | 1 | 20 | 20 | 80 |
| 150 | 12 | 2 | 24 | 48 | 108 |
| 160 | 8 | 3 | 24 | 72 | 128 |
|  | n=100 |  |  |  |  |

* 1. Задание № 13

Найти доверительные интервалы для оценки математического ожидания нормального распределения с надёжностью 0.95, зная выборочную среднюю , объем выборки и среднее квадратическое отклонение .

Решение:

Требуется найти доверительный интервал по формуле:

Здесь все величины, кроме , известны. Найдем . Из соотношения получим . По таблице находим . Подставив значения в формулу, окончательно получим искомый доверительный интервал.

*.*

* 1. Задание № 23

Найти выборочное уравнение прямой

регрессии Y на X по данной корреляционной таблице.

Заданная корреляционная таблица

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 15 | 20 | 25 | 30 | 35 | 40 |  |
| 15 | 4 | 1 | - | - | - | - | 5 |
| 25 | - | 6 | 4 | - | - | - | 10 |
| 35 | - | - | 2 | 50 | 2 | - | 54 |
| 45 | - | - | 1 | 9 | 7 | - | 17 |
| 55 | - | - | - | 4 | 3 | 7 | 14 |
|  | 4 | 7 | 7 | 63 | 12 | 7 | n=100 |

Решение:

Составим корреляционную таблицу 1.4 в условных вариантах, выбрав в качестве ложных нулей и .

Найдем :

Корреляционная таблица в условных вариантах

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 |  |
| -2 | 4 | 1 | - | - | - | - | 5 |
| -1 | - | 6 | 4 | - | - | - | 10 |
| 0 | - | - | 2 | 50 | 2 | - | 54 |
| 1 | - | - | 1 | 9 | 7 | - | 17 |
| 2 | - | - | - | 4 | 3 | 7 | 14 |
|  | 4 | 7 | 7 | 63 | 12 | 7 | n=100 |

Найдем вспомогательные величины и :

Найдем и :

;

Найдем , для чего составим расчетную таблицу 1.5.

Суммируя числа последнего столбца таблицы 1.5, находим:

Расчетная таблица

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | -2 | | | -1 | | | 0 | | | 1 | | | | 2 | | | 3 | | |  |  |
| -2 |  | -8 | |  | -1 | | - | | | - | | | | - | | | - | | | -9 | 18 |
|  | 4 |  |  | 1 |  |
| -8 | |  | -2 | |  |
| -1 | - | | |  | -6 | |  | 0 | | - | | | | - | | | - | | | -6 | 6 |
|  | 6 |  |  | 4 |  |
| -6 | |  | -4 | |  |
| 0 | - | | | - | | |  | 0 | |  | 50 | | |  | 4 | | - | | | 54 | 0 |
|  | 2 |  |  | 50 | |  |  | 2 |  |
| 0 |  |  | 0 |  | |  | 0 |  |  |
| 1 | - | | | - | | |  | 0 | |  | 9 | | |  | 14 | | - | | | 23 | 23 |
|  | 1 |  |  | 9 | |  |  | 7 |  |
| 1 |  |  | 9 |  | |  | 7 |  |  |
| 2 | - | | | - | | | - | | |  | 4 | | |  | 6 | |  | 21 | | 31 | 62 |
|  | 4 | |  |  | 3 |  |  | 7 |  |
| 8 |  |  | | 6 |  |  | 14 |  |  |
|  | -8 | | | -8 | | | 3 | | | 17 | | | | 13 | | | 14 | | |  |  |
|  | 16 | | | 8 | | | 0 | | | 17 | | | | 26 | | | 42 | | |  |  |

Найдем искомый выборочный коэффициент корреляции:

;

Найдем шаги h1 и h2:

Найдем и , учитывая, что :

;

;

Найдем :

Подставив найденные величины в соотношение, получим искомое уравнение прямой линии регрессии Y на X:

или окончательно:

* 1. Задание № 38

Заданы выборочные средние и найденные по выборкам объемов n=60 и m=50, извлеченных из нормальней генеральных совокупностей X и Y с известными дисперсиями D(X) и D(Y). Требуется при уровне значимости =0,05 проверить нулевую гипотезу :M(X)=M(Y) при конкурирующей гипотезе : M(X) M(Y), т.е. требуется установить, значимо или не значимо различаются выборочные средние.

Решение.

Объемы выборок большие (m>30), дисперсии генеральные известны, совокупности распределены нормально. Для проверки нулевой гипотезы используем критерий Z, имеющий нормальное распределение.

Найдем наблюдаемое значение критерия:

=

По условию задания конкурирующая гипотеза имеет вид:

: M(X) M(Y).

Поэтому критическая область - двусторонняя.

Найдем правую критическую точку из равенства:

.

По таблице функции Лапласа находим критическое значение критерия:

.

Так как - то, в соответствии с правилом, нулевую гипотезу отвергаем. Другими словами, выборочные средние различаются значимо.

* 1. Задание № 44

Требуется при уровне значимости =0,05 проверить по критерию согласия Пирсона гипотезу о нормальном распределении генеральной совокупности, если известны эмпирические частоты и теоритические частоты .

Исходные данные по частотам.

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 5 | 11 | 22 | 25 | 21 | 11 | 5 |
|  | 5 | 13 | 17 | 25 | 21 | 12 | 7 |

Решение.

Найдем наблюдаемое значение критерия Пирсона:

Составим расчетную таблицу 1.7.

Из таблицы 1.7 находим наблюдаемое значение критерия:

Расчетная таблица.

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| i |  |  |  |  |  |
| 1  2  3  4  5  6  7 | 5  11  22  25  21  11  5 | 5  13  17  25  21  12  7 | -  -2  5  -  -  -1  -2 | -  4  25  -  -  1  4 | -   |  | | --- | | 0.307 | | 1.470 | | - | | - | | 0.083 | | 0.571 | |
|  | n = 100 |  |  |  |  |

По таблице критических точек распределения по уровню значимости 0,05 и числу степеней свободы k = S - 3 = 7 - 3 = 4 находим критическую точку правосторонней критической области:

.

Так как - нет оснований отвергнуть гипотезу о нормальном распределении генеральной совокупности. Другими словами, расхождения между эмпирическими и теоретическими частотами незначимо (случайно).

1. Теория вероятностей и математическая статистика
   1. Задание № 529

На трёх станках при одинаковых и независимых условиях изготовляются детали одного наименования. На первом станке изготовляют 10%, на втором - 30% - на третьем - 60% всех деталей. Вероятность каждой детали быть бездефектной Равна 0,7, если она изготовлена на первом станке, 0,8 - если на втором станке, и 0,9 - если на третьем станке. Найти вероятность того, что наугад взятая деталь окажется бездефектной.

Решение.

Обозначим событие A состоящее в том, что взятая деталь будет бездефектной. - гипотезы, что деталь изготовлена на 1-м, 2-м, 3-м станке. Вероятности указанных гипотез составляют:

.

Из условия задачи следует, что

Найдем , т.е. вероятность того, что деталь окажется бездефектной, изготовлена на 1-м станке. По формуле Бейеса имеем:

Найдем , т.е. вероятность того, что деталь окажется бездефектной, изготовлена на 2-м станке. По формуле Бейеса имеем:

Найдем , т.е. вероятность того, что деталь окажется бездефектной, изготовлена на 2-м станке. По формуле Бейеса имеем:

вероятность того, что наугад взятая деталь окажется бездефектной:

* 1. Задание № 533
  2. Задание № 543
  3. Задание № 558
  4. Задание № 574

3 СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ И ЛИТЕРАТУРЫ

1. Богданович, H.B. Субъект как категория отечественной психологии: автореф. дисс. канд. психол. наук: 19. . 1 / Н.В. Богданович. — М.: ИП РАН, 2 4. — 24 с.

2. Волкова, Е. Н. Субъектность как деятельное отношение к самому себе, к другим людям и миру / Е. Н. Волкова // Мир психологии. — 2 5. — № 3. — с. 33—39.

3. Волкова, Е. Н. Субъектность педагога: теория и практика: автореф. дисс. д-ра психол. наук: 19. . 7 [Электронный ресурс]/ Е.Н. Волкова. — М.: ПИ РАО, 1998. — 5 с. — URL: http://www.dslib.net/psixologia- vozrasta/subektnost-pedagoga.html.

4. Осницкий, А. К. Проблемы исследования субъектной активности [Электронный ресурс]/ А. К- Осницкий // Вопросы психологии. — 1996. — № 1. — с. 5—19. — URL: http://www.voppsy.ru/issues/1996/961 /961 5.htm.